

Exame especial de Cálculo II - 16/12/2009

Resolva 5 das 6 questões abaixo. Leia atentamente cada questão. Resolva-as de forma clara e organizada.

Questão 1) Considere a série

$$\sum_{n \geq 2} \frac{(-1)^n}{n^\alpha (\ln n)^{2\alpha}}.$$

Diga para quais valores de $\alpha \in \mathbb{R}$ a série acima converge absolutamente, condicionalmente ou diverge.

Questão 2) Determine a série de potências em torno de zero para

$$f(x) = \frac{6x^2 + 4}{3x^2 - 5x - 2}.$$

Questão 3) Mostre que dentre todos os triângulos de perímetro fixo, o de maior área é o equilátero (Sugestão: Use a fórmula de Heron para a área de um triângulo: $A = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$).

Questão 4) Considere a função $f(x) = e^{\pi x^2}$, quanto vale $f^{(2010)}(0)$?

Questão 5) Calcule a área limitada pela curva polar $r = 3 \cos \theta - \sec \theta$.

Questão 6) Mostre que o produto das interseções com os eixos coordenados de qualquer plano tangente à superfície $\sqrt{x} + \sqrt{y} + \sqrt{z} = c$ é uma constante.