

**MAT 0105 - Geometria Analítica**  
**Turma 21 - Licenciatura em Física (diurno)**  
**Prova substitutiva - 7 de julho de 2011**

Nome : \_\_\_\_\_

Número USP : \_\_\_\_\_

Assinatura : \_\_\_\_\_

1	
2	
3	
4	
Total	

**Questão 1:** (2,5 pts) Ache os focos e as retas assíntotas da hipérbole  $-9x^2 + 16y^2 - 18x + 32y = 137$ .

**Questão 2:** (1,5 pt) Mostre que os pontos  $(1, 0, 0)$ ,  $(0, -2, 0)$ ,  $(0, 0, 2)$  e  $(2, 4, 2)$  são coplanares.

**Questão 3:** (4 pts) Seja  $P = (1, 1, 0)$ , seja  $\pi$  o plano de equação  $2x - y + z = 2$  e  $r$  a reta que passa por  $P$  e é perpendicular a  $\pi$ .

- (a) Ache as equações paramétricas de  $r$ .
- (b) Ache a interseção de  $r$  com  $\pi$ .
- (c) Qual a distância de  $P$  a  $\pi$ ?
- (d) Ache o ponto simétrico a  $P$  em relação ao plano  $\pi$ .

**Questão 4:** (3pts) (a) Mostre que as retas  $r_1 : \begin{cases} x = t \\ y = 1 - t \\ z = 2t + 1 \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e  $r_2 : \begin{cases} x = 1 - s \\ y = 3s \\ z = 3 \end{cases}, s \in \mathbb{R}$ , são concorrentes.

(b) Calcule o cosseno do ângulo agudo formado por  $r_1$  e  $r_2$ .

(c) Ache a equação do plano que contém  $r_1$  e  $r_2$ .