## SEGUNDA PROVA DE GEOMETRIA ANALÍTICA

TURMA: ENG. AERONÁUTICA (USP-SC) PROF.: DANIEL SMANIA

24.06.2008

OBS: Todos os exercícios devem ser resolvidos utilizando métodos da geometria analítica.

**Exercício 1.** (2pt) Mostre que duas arestas opostas quaisquer de um tetraedro regular são ortogonais.

Exercício 2. (2pt) Resolva o sistema:

$$\vec{x} \cdot (2\vec{i} + 3\vec{j} + 4\vec{k}) = 9$$
$$\vec{x} \wedge (-\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}) = -2\vec{i} + 2\vec{k}.$$

**Exercício 3.** (2pt) Obtenha uma equação geral do plano que contém os pontos A = (1, 1, 1) e B = (0, 2, 1) e equidista dos pontos C = (2, 3, 0) e D = (0, 1, 2).

**Exercício 4.** (2pt) Sejam  $r: X = (10,2) + \lambda(2,1,3)$  e  $s: X = (0,1,-1) + \lambda(1,m,2m)$ . Estude, segundo os valores de m, a posição relativa de r e s e obtenha, quando for o caso, uma equação geral do plano determinado por elas.

**Exercício 5.** (2pt) Obtenha uma equação vetorial da reta que contém P=(1,0,1), é paralela ou contida no plano  $\pi\colon x-3y-z=1$  e é concorrente com a reta  $r\colon X=(0,0,0)+\lambda(2,1-1)$ 

**Referências:** Todas as questões foram retiradas do livro *Geometria Analítica: um tratamento vetorial*, de Ivan de Camargo e Paulo Boulos,  $3^a$  edição.

URL: www.icmc.usp.br/~smania/sma300/